



Blatt 1

Aufgabe 1.1

Beweisen Sie, dass das links-rechts Markovmodell erster Ordnung äquivalent zum rechts-links Markovmodell erster Ordnung ist.

Zusatzaufgabe: Beweisen Sie diese Äquivalenz für ein Markov Modell zweiter Ordnung.

Zusatzaufgabe: Beweisen Sie diese Äquivalenz für ein Markov Modell M -ter Ordnung.

Aufgabe 1.2

Beweisen Sie die vier Identitäten aus der Vorlesung für Y_1 und Y_2 .

Aufgabe 1.3

Betrachten Sie die beiden Vektoren $\vec{q}_1^{\text{egal}} = (1/4, 1/4, 1/4, 1/4)$ und $\vec{N}_1 = (N_A, N_C, N_G, N_T) = (2500, 2500, 2500, 2500)$, und generieren Sie einen Datensatz aus 104 Dinukleotiden so, dass genau N_a Dinukleotide mit Nukleotid $a \in \{A, C, G, T\}$ beginnen, und dass das zweite Nukleotid $b \in \{A, C, G, T\}$ statistisch unabhängig vom ersten mit Wahrscheinlichkeit q_b^{egal} generiert wird. Berechnen Sie für diesen Datensatz die vier Teststatistiken Y_E, Y_1, Y_2, Y_3 , wiederholen Sie alles 109 mal, und plotten Sie die vier Histogramme.

Wiederholen Sie diese Prozedur für $\vec{N}_2 = (1000, 1000, 1000, 7000)$, $\vec{N}_3 = 100 \times \vec{N}_1$ und $\vec{N}_4 = 100 \times \vec{N}_2$ sowie für $\vec{q}_2^{\text{egal}} = (1/10, 1/10, 1/10, 7/10)$. (Für \vec{N}_3 und \vec{N}_4 enthält jeder Datensatz natürlich 106 Dinukleotide.) Vergleichen Sie nun für jede der vier Teststatistiken die acht erhaltenen Histogramme. Für welche der Teststatistiken hängen die Histogramme nur schwach von \vec{N} und/oder von \vec{q}_1^{egal} ab?